

Amplificateurs Opérationnels

Fonction Amplifier

Fonction Filtrer

Fonction Comparer

Objectifs

- Etude des fonctions électroniques
 - Concept général et caractéristiques principales d'un amplificateur
 - Le composant amplificateur opérationnel
 - Structures classiques pour
 - Amplifier
 - Comparer

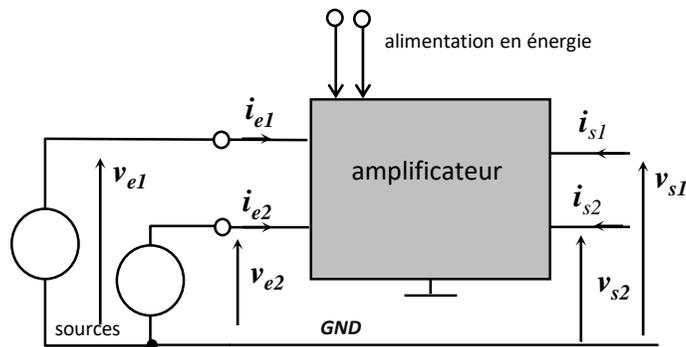
- Présentation de la fonction électronique
 - Filtrer
 - Connaître les caractéristiques principales d'un filtre
 - Cellule d'ordre 2 classique: VCVS (Sallen-key) et MFB (Rauch)
 - Utiliser un algorithme ou un outil logiciel en vue de la synthèse du filtre

Généralités

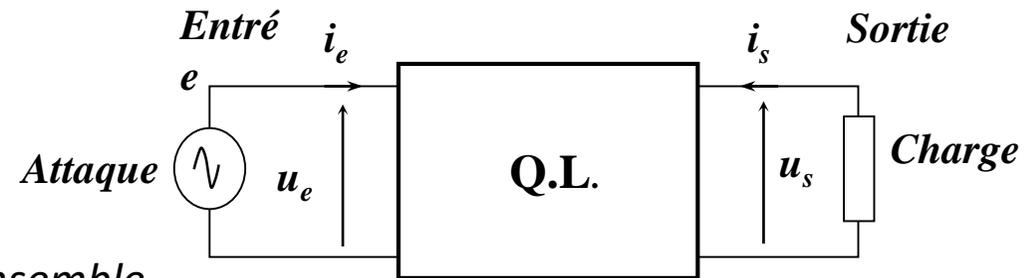
- Objectif

- Amplifie les signaux des capteurs
- Obtention en sortie d'un signal exploitable pour effectuer des traitements

- Structure générale des amplificateurs



Sous-ensemble



Quadripôle linéaire

Système MIMO

Mise en équation complexe car 8 grandeurs liées
Exemple de cas simple: Ampli de tension parfait

$$V_{s1} = A_{11}V_{e1} + A_{12}V_{e2}$$

$$V_{s2} = A_{21}V_{e1} + A_{22}V_{e2}$$

Simplification du cas MIMO

Chaque paire de bornes se comporte, vue de l'extérieur, comme un dipôle

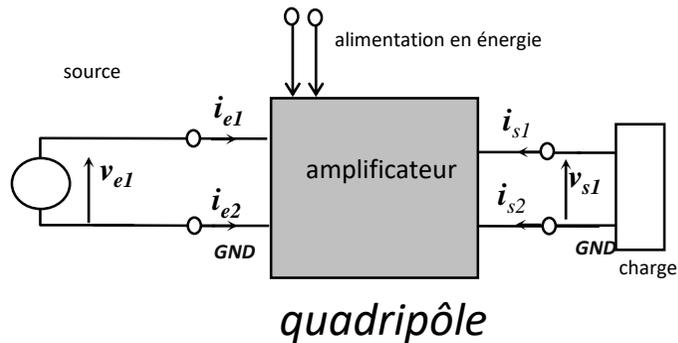
ROLE TRES IMPORTANT EN ELECTRONIQUE
(recouvre la plupart des applications!)

Généralités

Variantes de câblages et de structures

- La plupart des applications se limitent à 1 ou 2 entrées et 1 sortie

Amplification en tension ou en courant Une entrée et une sortie

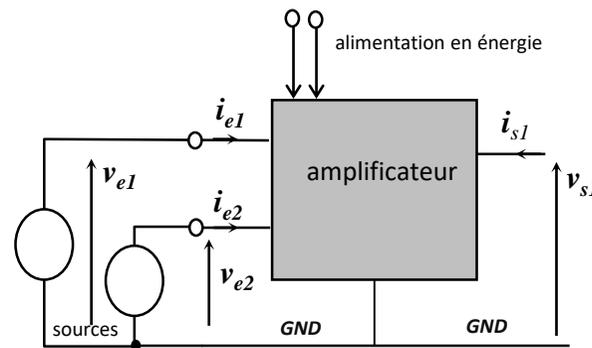


quadripôle amplificateur

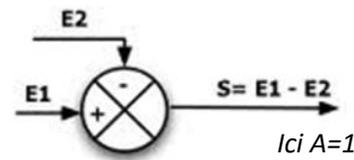
1 entrée et 1 sortie

$$I_{e1} = -I_{e2} = I_e \text{ et } I_{s1} = -I_{s2} = I_s$$

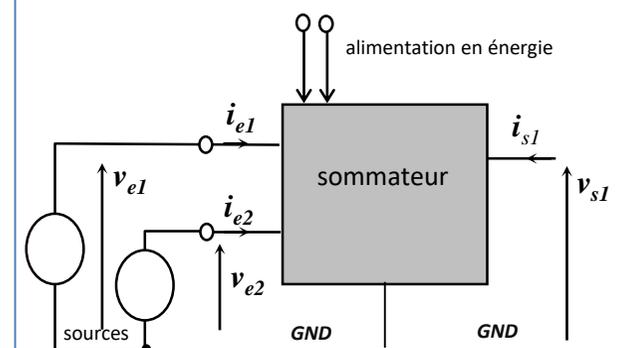
Amplification différentielle 2 entrées et une sortie



$$A_{12} = -A_{11} = A \rightarrow V_{s1} = A(V_{e1} - V_{e2})$$



Amplificateur sommateur 2 entrées et une sortie



$$A_{11} = A_{12} = A \rightarrow V_{s1} = A(V_{e1} + V_{e2})$$

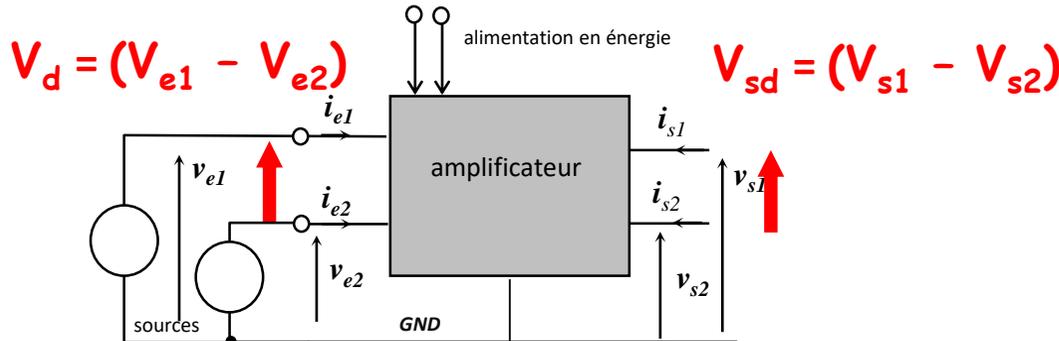


Modèles

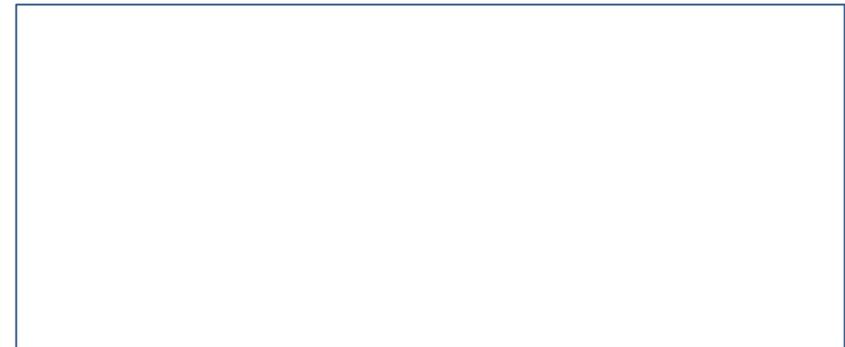
● Amplificateur différentiel

- objectifs: amplifier la différence des tensions en entrée
 - Les grandeurs « utiles » sont les tensions différentielles

Ampli dif à 2 sorties



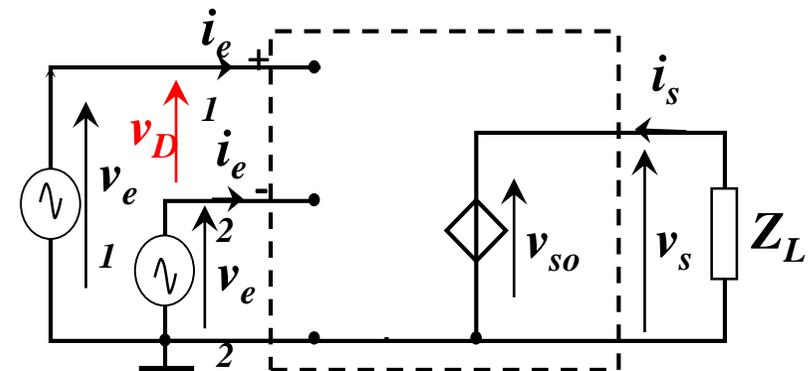
Ampli dif à 1 sortie



▪ Amplificateur parfait (1 seule sortie)

- amplifie la différence des tensions en entrée
- Supprime le mode commun
- Ne gêne pas les sources d'entrées
- N'est pas gêné par la charge

En résumé $\underline{V}_S = \underline{V}_{S0} = \underline{A}_{VD} \times \underline{V}_D$

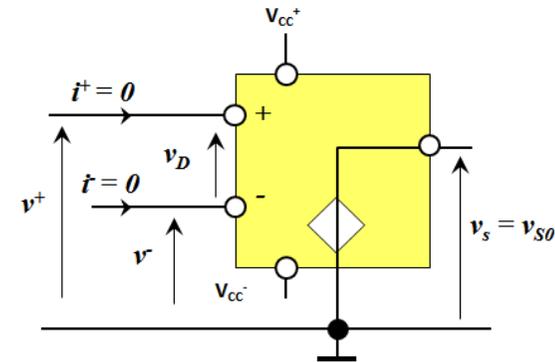


Aop parfait

La règle des 3

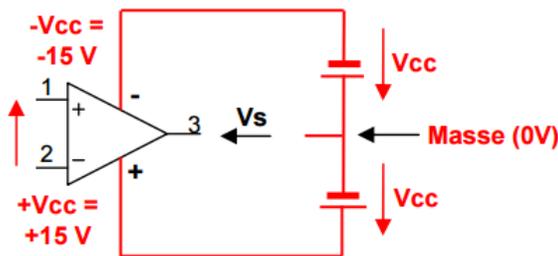
AOp parfait

- i^+ et i^- nul (donc Z_{ed} et $Z_{ec} \infty$)
- $A_{vd} \rightarrow \infty$ (ou constant et très grand ($\sim 10^5$))
- Impédance de sortie $Z_s = 0$



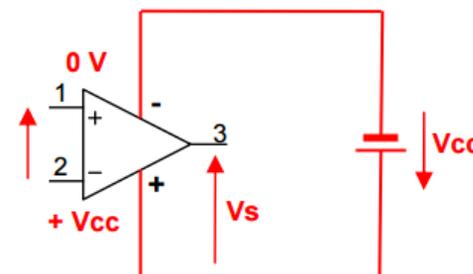
Alimentation

Dual supply



Montage par défaut vu en cours (car le plus simple!)

single supply



Peut être ramenée au cas dual supply en introduisant une nouvelle référence des tensions (voir ER) ou application de montage spécifiques (voir application notes de Texas Instrument en ligne)

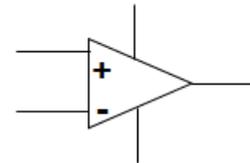
Amplificateur opérationnel

● Symboles et notations

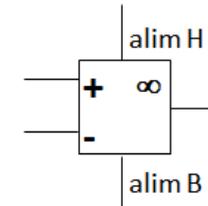


Différentes notations possibles

Tension différentielle notée: V_{ed} ou V_d ou ε



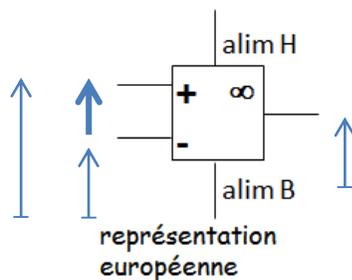
représentation
anglo-saxonne



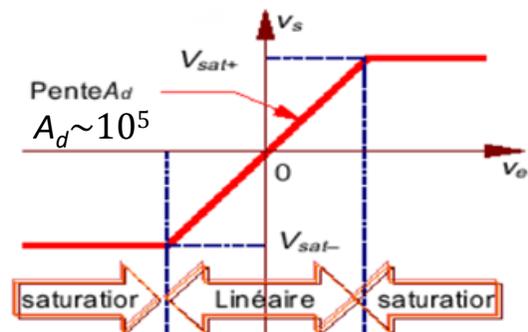
représentation
européenne

● Fonctionnement

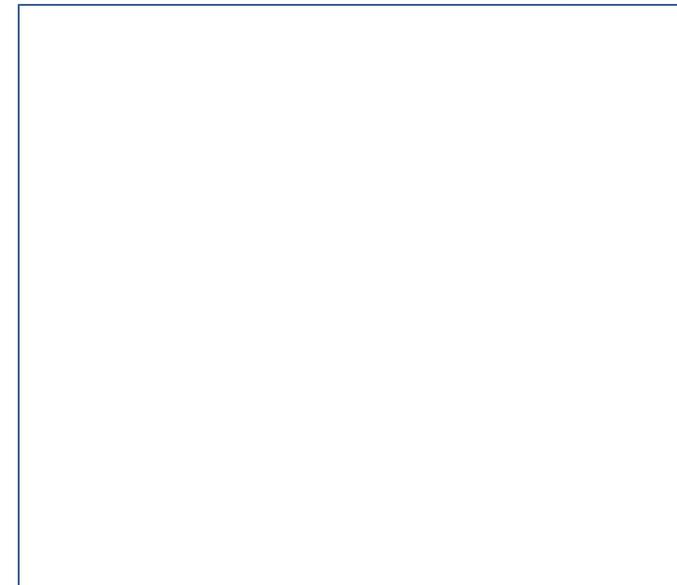
- L' AOp seul , en boucle ouverte, est un amplificateur différentiel (mais inexploitable en l'état!)



représentation
européenne



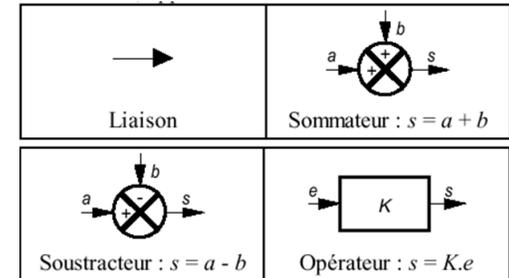
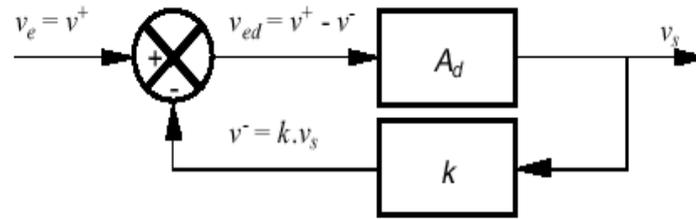
- L'AOp est **inexploitable seul pour faire une amplification!!!**
 - SEUL: peut être utilisé en comparateur de tension simple
 - SINON: il faut des composants en +
 - Résistances, condensateurs...



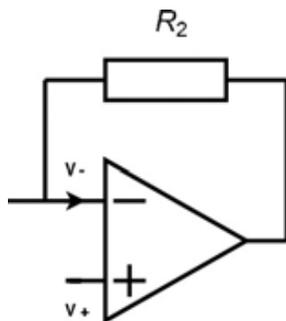
Amplificateur opérationnel: régime linéaire

● La contre-réaction

■ Principe



■ Appliqué à l'AOp



il faut avoir un **bouclage de la sortie sur l'entrée V- de l'AOp**

Les hypothèses de calculs:

$$i_+ = i_- = 0$$

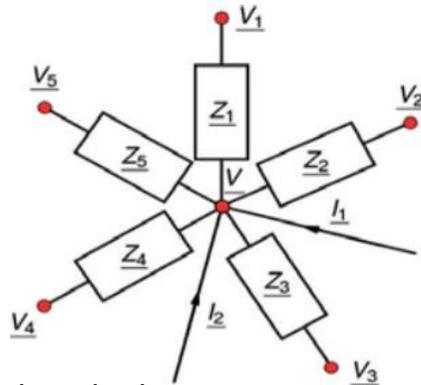
$$V_{ed} = 0 \text{ (car } A_d \rightarrow \infty \text{)}$$

$$-V_{sat} < V_s < +V_{sat}$$

AoP : Les outils

Les calculs

- Arsenal du GE11 à votre disposition
 - Thévenin, Norton, superposition et sans oublier loi des mailles et des nœuds!
- Théorème de Millman



V est le **barycentre des potentiels voisins pondérés par** l'inverse des impédances.

$$\underline{V} = \frac{\sum_i \frac{V_i}{\underline{Z}_i} + \sum_j \underline{I}_j}{\sum_i \frac{1}{\underline{Z}_i}}$$

Les stratégies de calculs

- On détermine ce que valent V^+ et V^- en fonction de V_e et V_s en utilisant la propriété $I^+ = I^- = 0$ (Millman permet d'arriver rapidement aux résultats)

- En régime linéaire nous avons $V^+ = V^-$. On exprime alors $V_s = f(V_e)$



À retenir

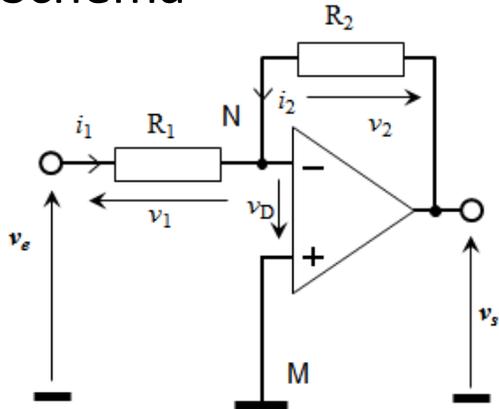
- En T.O.R. (non linéaire, absence de contre réaction ou réaction positive) on détermine le signe de

$$V_D = V^+ - V^-$$

- Si $V_D > 0$ alors $V_s = V_{cc}$ et on détermine $V_e = V_{seuil1}$ provoquant le basculement vers $V_s = -V_{cc}$
- Si $V_D < 0$ alors $V_s = -V_{cc}$ et on détermine $V_e = V_{seuil2}$ provoquant le basculement vers $V_s = V_{cc}$

Amplificateur inverseur

Schéma

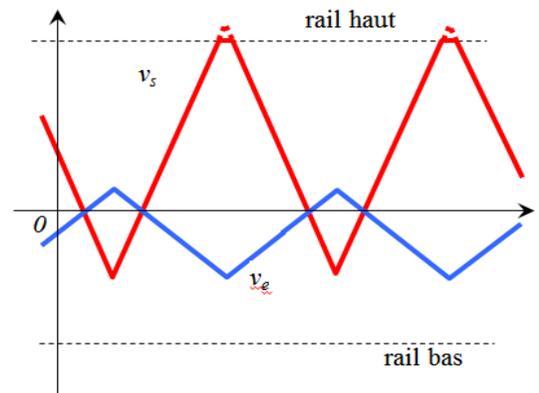
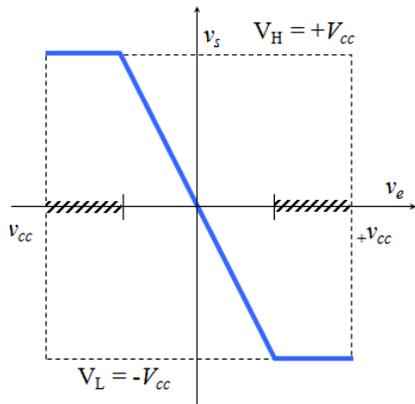


$$A_v = \frac{V_s(t)}{V_e(t)} = -\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$$



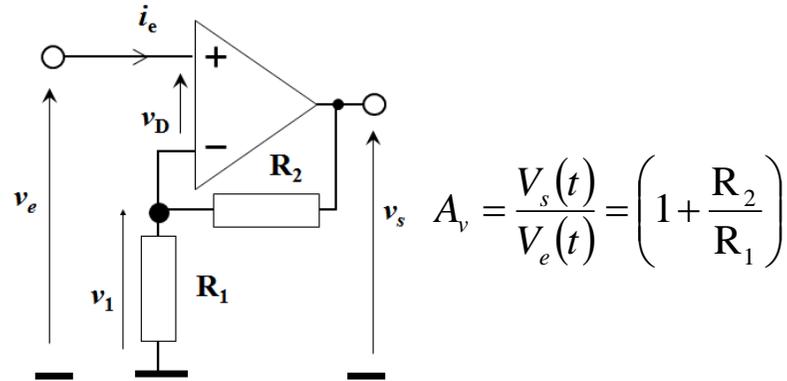
La notation complexe n'est pas valide dans un contexte général
VALABLE SI TOUTES LES GRANDEURS SONT SINUSOIDALES

Courbes

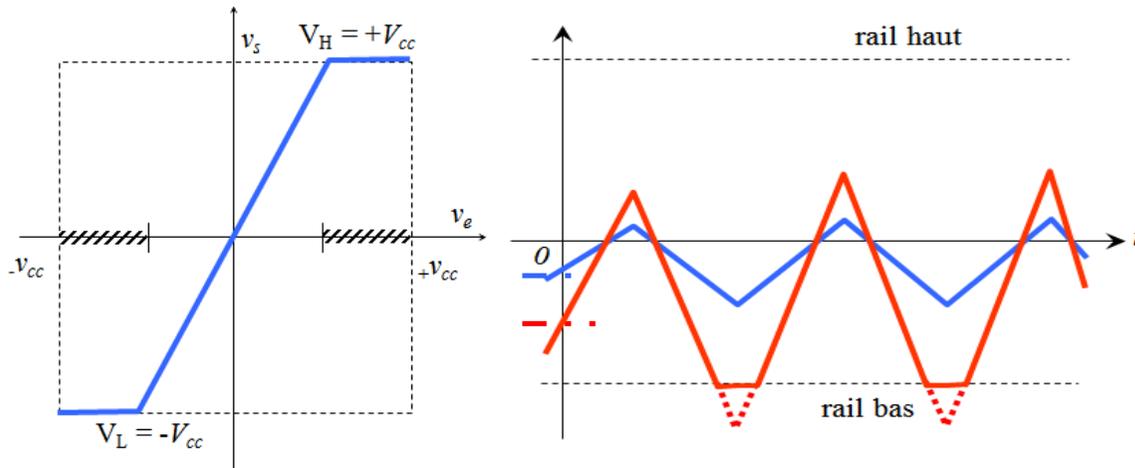


Amplificateur non inverseur

Schéma

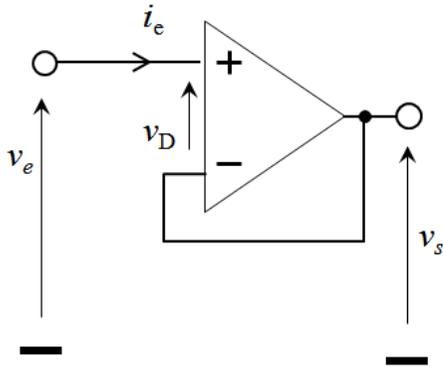


Courbes



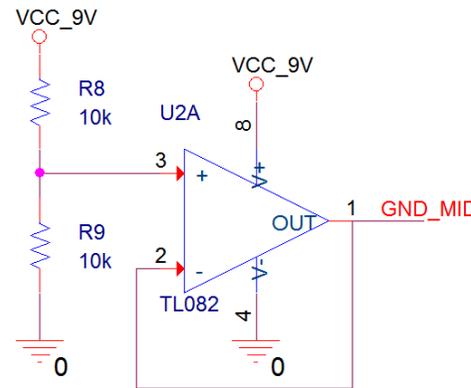
Amplificateur Unité: montage suiveur

Schéma



Intérêt de ce montage

- Adaptation d'impédance!
 - **isole les blocs** entre eux

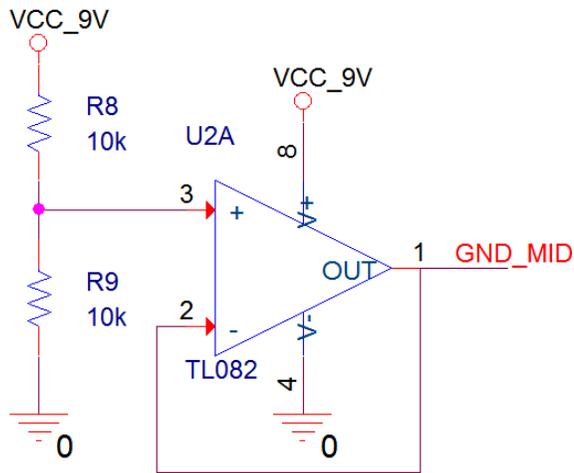


Application du suiveur

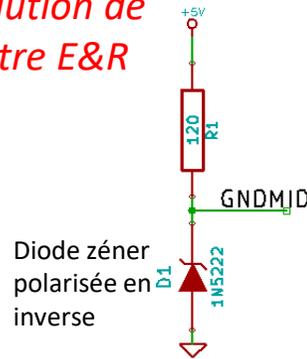
● Comment scinder une alimentation unique?

- Point milieu en pratique

Exemple 1



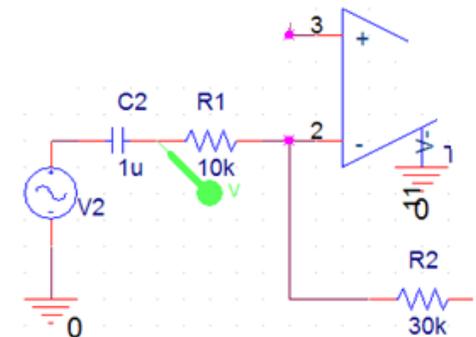
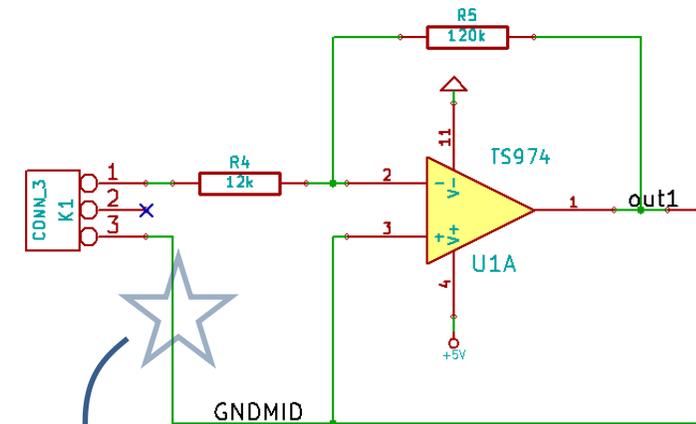
Exemple 2
Solution de
notre E&R



Diode zener polarisée en inverse

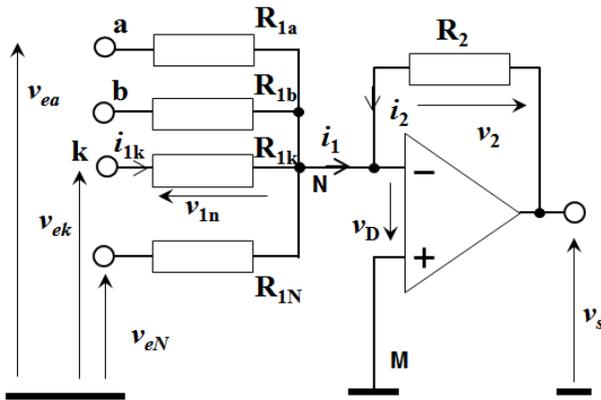


Si la source en entrée ne peut être référencé à GND_MID alors insertion d'un condo de liaison => blocage du continu



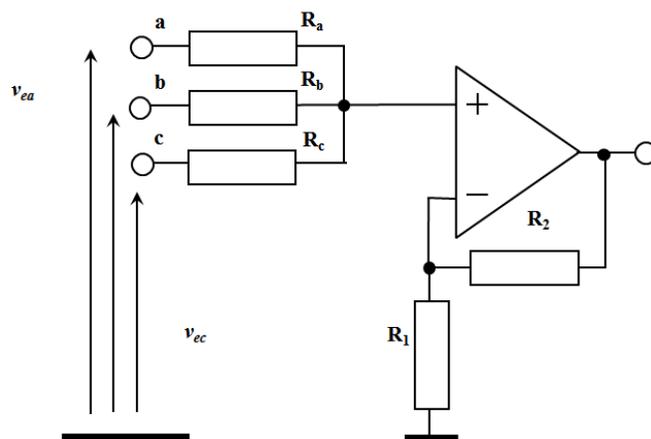
Amplificateur fonction arithmétique

● Additionneur inverseur



$$V_s = - \left(\frac{R_2}{R_{1a}} v_{ea} + \frac{R_2}{R_{1b}} v_{eb} + \dots + \frac{R_2}{R_{1N}} v_{eN} \right)$$

● Additionneur non inverseur

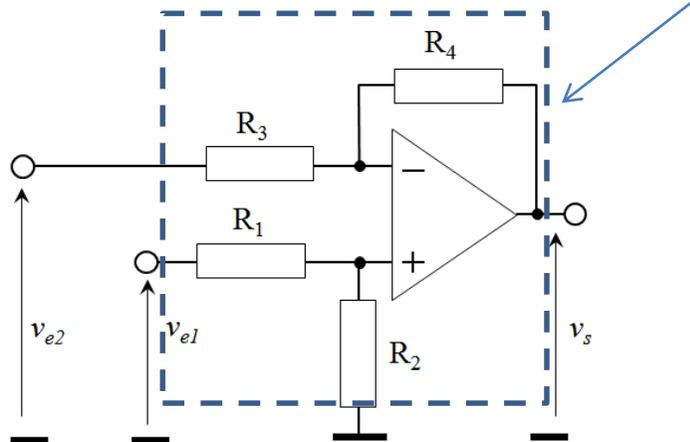


$$V_s = \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) \left(\frac{1}{R_{1a}} v_{ea} + \frac{1}{R_{1b}} v_{eb} + \dots + \frac{1}{R_{1N}} v_{eN} \right)$$

Amplificateur fonction arithmétique

● Soustracteur

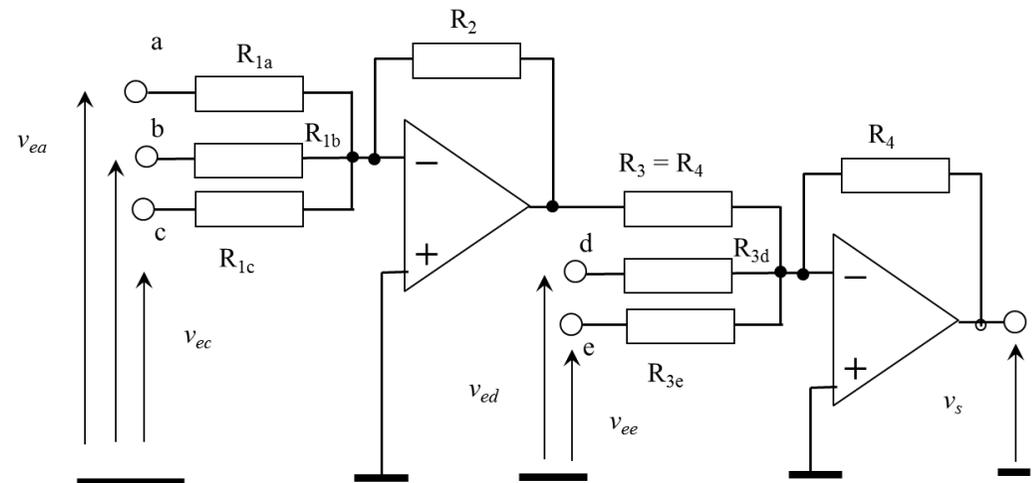
- Fait partie aussi des amplificateurs différentiels



$$V_s = \frac{R_3 + R_4}{R_3} \left(\frac{R_2}{R_1 + R_2} v_{e1} - \frac{R_4}{R_3 + R_4} v_{e2} \right)$$

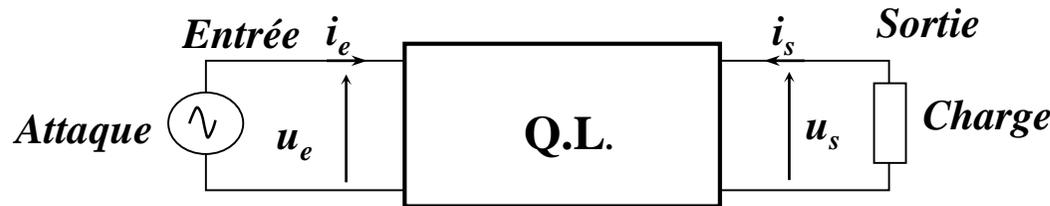
● Additionneur/soustracteur

$$V_s = + \left(\frac{R_2}{R_{1a}} v_{ea} + \frac{R_2}{R_{1b}} v_{eb} + \frac{R_2}{R_{1c}} v_{ec} \right) - \left(\frac{R_4}{R_{3d}} v_{ed} + \frac{R_4}{R_{3e}} v_{ee} \right)$$



Introduction à l'analyse harmonique

- **Cas particulier fondamental: $e_{(t)} = E \cos(\omega t + \theta_e)$**
 - Si le dispositif est linéaire alors $\Rightarrow s_{(t)} = S \cos(\omega t + \theta_s)$
- Notion de fonction de transfert



**Quadripôle
linéaire**



En fonction des grandeurs utiles le nom donné à la fonction de transfert diffère

$$e_{(t)} = E \cos(\omega t + \theta_e)$$

$$e_{(t)} \rightarrow \underline{E} = [E ; \theta_e] = E e^{j\theta_e}$$

$$s_{(t)} = S \cos(\omega t + \theta_s)$$

$$s_{(t)} \rightarrow \underline{S} = [S ; \theta_s] = S e^{j\theta_s}$$



La réponse à une excitation sinusoïdale reste sinusoïdale pour un système linéaire

$$\underline{H}_{(j\omega)} = \frac{\underline{S}_{(j\omega)}}{\underline{E}_{(j\omega)}}$$

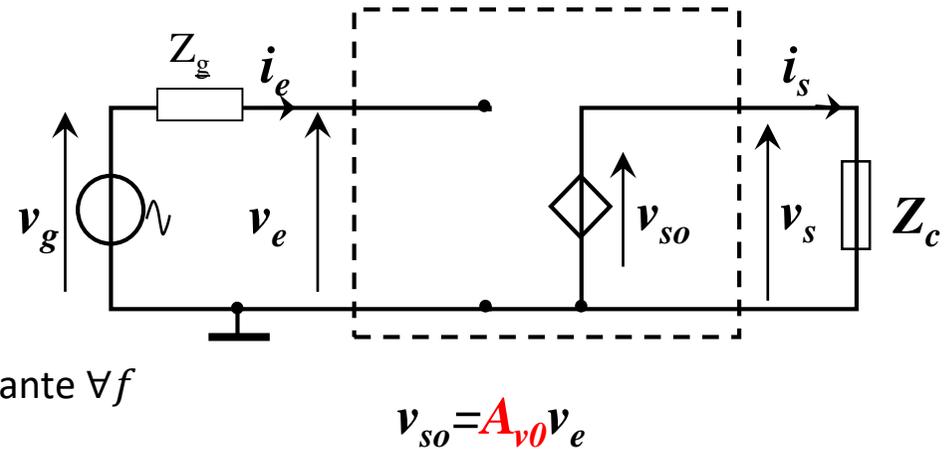
Entrée	Sortie	H	Nom
u_e	u_s	\underline{A}_v	Amplification en tension
i_e	i_s	\underline{A}_i	Amplification en courant
u_e	i_s	\underline{Y}_T	Trans-admittance
i_e	u_s	\underline{Z}_T	Trans-impédance
P_e	P_s	A_p	Amplification en puissance

Modèles

● Amplificateur de tension

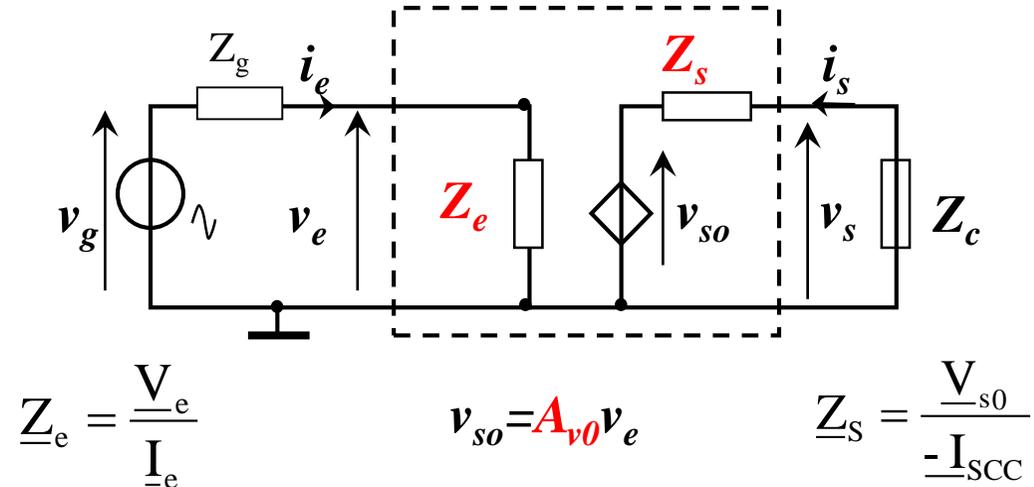
■ Amplificateur parfait

- Ne doit pas gêner la source
 - On retrouve toute la tension de la source
- Ne doit pas être gêné par la charge
 - Source de tension parfaite
- Présente une amplification en tension constante $\forall f$



■ Amplificateur imparfait

- Impédance d'entrée non infinie
- Impédance de sortie non nulle
- amplification non constante



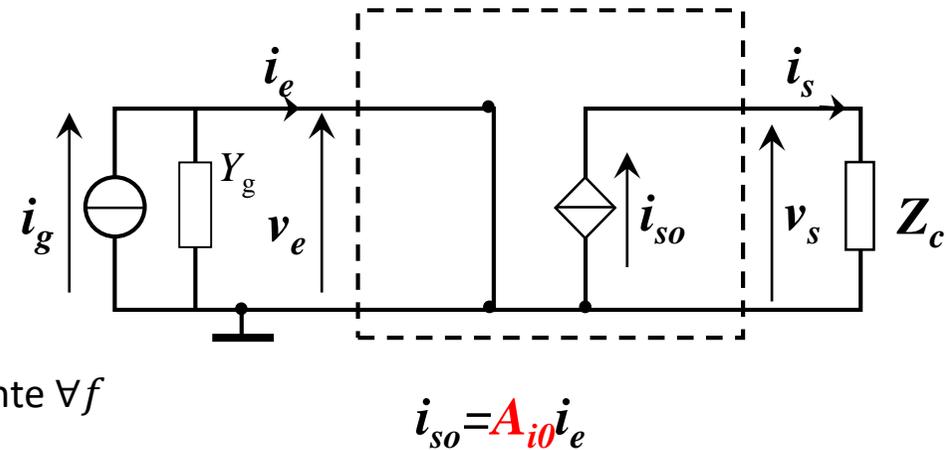
Toute les grandeurs sont complexes (barre omise pour faciliter les écritures!)

Modèles

● Amplificateur de courant

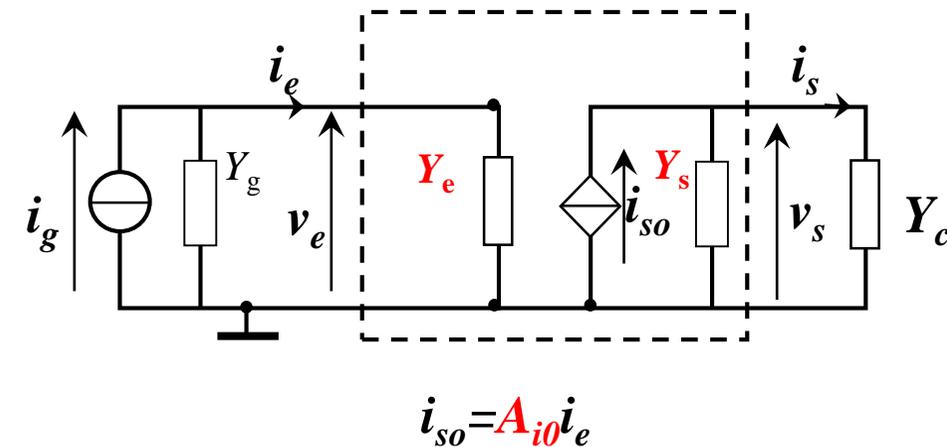
■ Amplificateur parfait

- Ne doit pas gêner la source
 - On retrouve toute le courant de la source
- Ne doit pas être gêné par la charge
 - Source de courant parfaite
- Présente une amplification en courant constante $\forall f$



■ Amplificateur imparfait

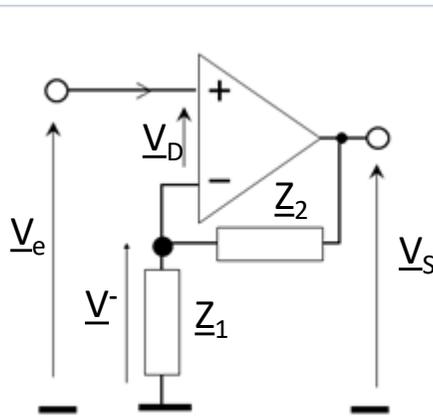
- Admittance d'entrée non nulle
- Admittance de sortie non infinie
- amplification non constante



Toutes les grandeurs sont complexes

Fonction de transfert : Amplificateur NON inverseur

Schéma

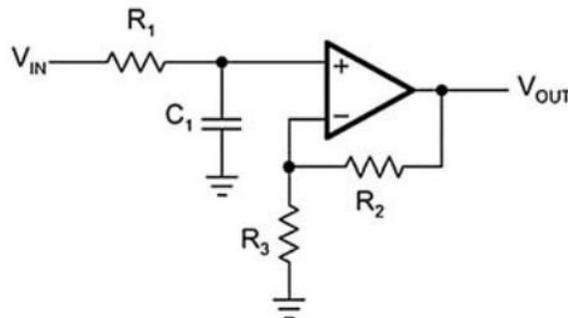


La notation complexe est introduite pour pouvoir généraliser aux impédances

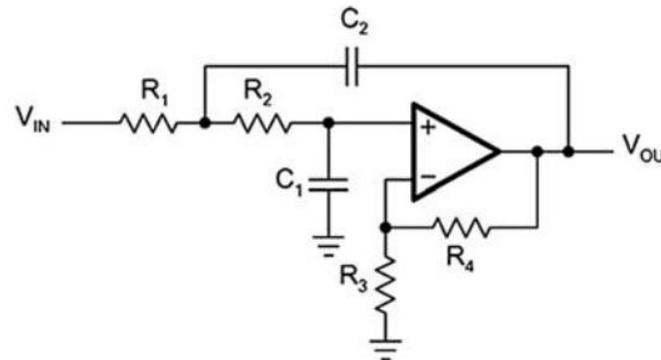
A CONDITION que $v_e(t)$, $v_s(t)$, $i_e(t)$ soient TOUS SIN ou COS

Exemples

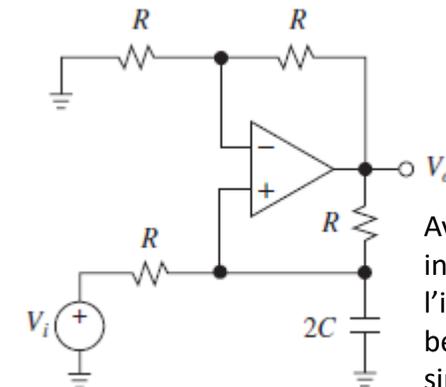
Filtre Passe bas ordre 1



Filtre de Sallen Key (ordre 2)



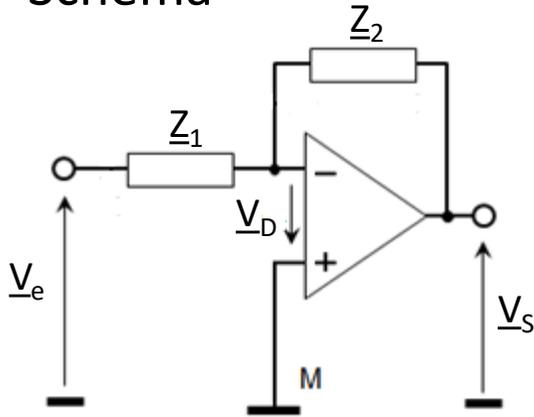
Montage intégrateur non inverseur Howland



Avec un ampli inverseur l'intégrateur est beaucoup plus simple!!!

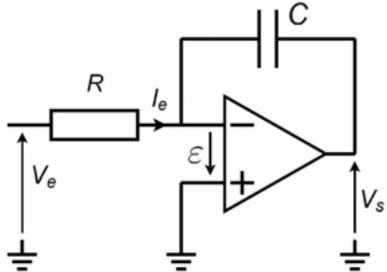
Fonction de transfert : Amplificateur inverseur

Schéma



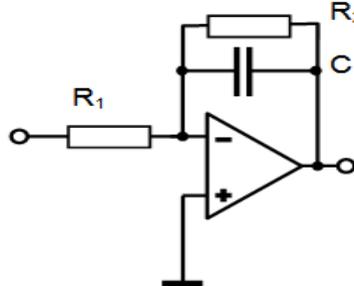
Exemples

Montage intégrateur



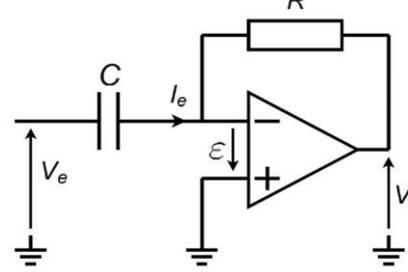
Filtre passe bas ordre1

Montage pseudointégrateur

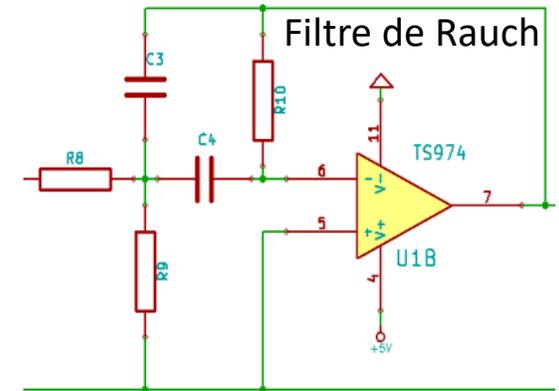


Filtre passe bas ordre1

Montage dérivateur



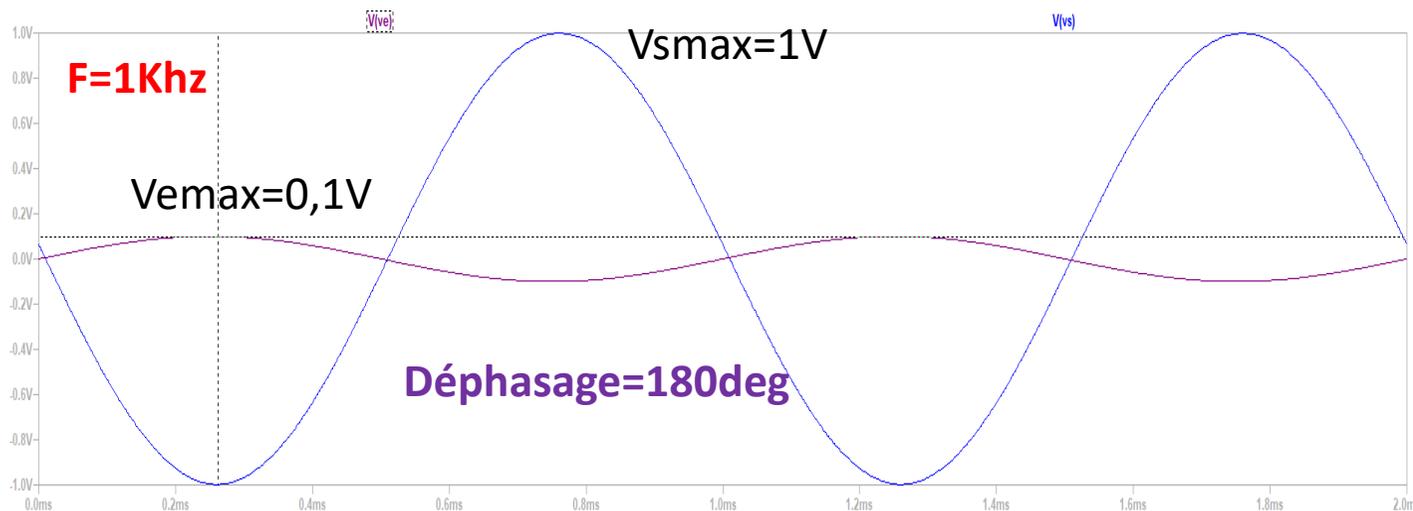
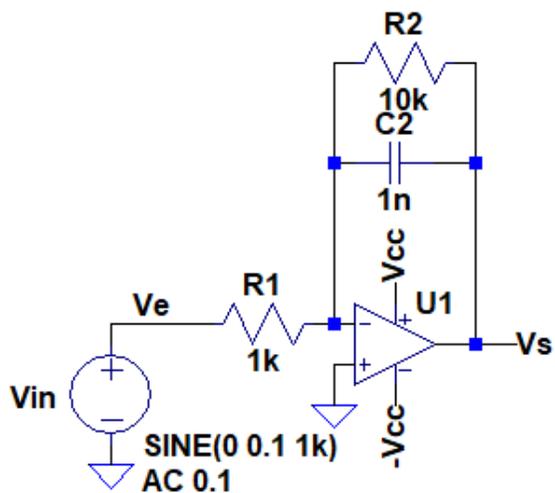
Filtre passe haut ordre1



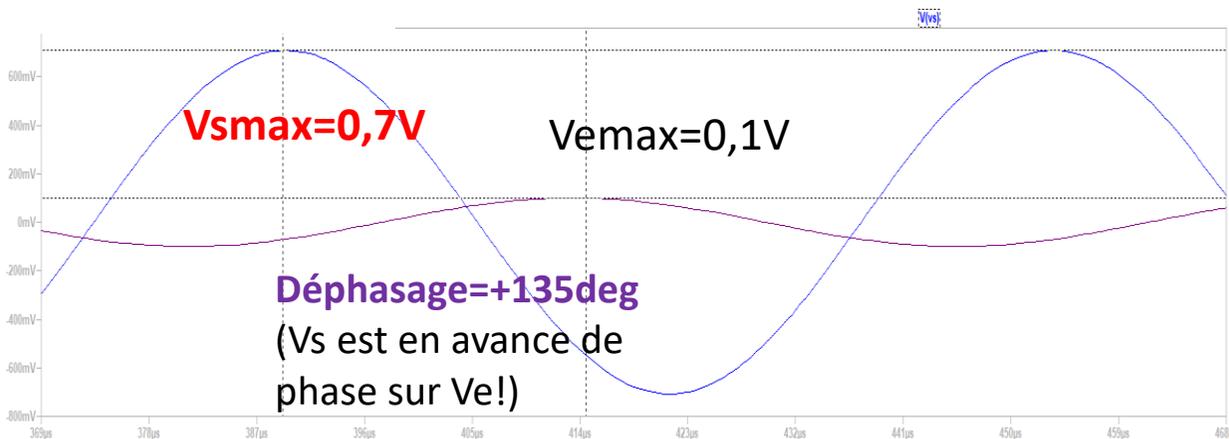
Filtre passe bande ordre2

Fonction de transfert : Amplificateur inverseur

● Courbes



F=15.6Khz



Représentation fréquentielle

● Amplification et déphasage

■ L'amplification A

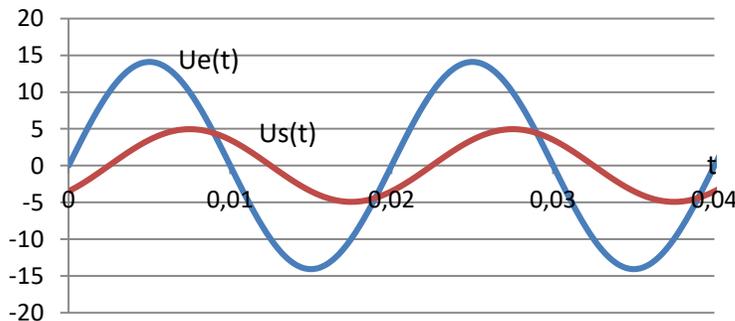
- l'amplitude du signal de sortie sur celle du signal d'entrée pour chacune des fréquences possibles du signal

$$A(j\omega) = \frac{|U_s(j\omega)|}{|U_e(j\omega)|}$$

■ Le déphasage φ :

- différence entre la phase (argument) du signal de sortie et la phase du signal d'entrée pour chacune des fréquences possibles du signal

$$\varphi(j\omega) = \arg U_s(j\omega) - \arg U_e(j\omega)$$



Rappel sur les notations complexes
A connaître absolument

	Relation U-I (temporel)	Relation U-I (complexe)	Impédance (Ohm)
Résistance	$U = RI$	$\underline{U} = R\underline{I}$	R
Condensateur	$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{d(u_C)}{dt}$	$\underline{U}_C = \frac{1}{jC\omega} \underline{I}$	$\frac{1}{jC\omega}$
Inductance	$u_L = L \frac{di}{dt}$	$\underline{U}_L = jL\omega \underline{I}$	$jL\omega$

Représentation fréquentielle

● Diagramme de Bode

- Pour différent ω (ou f) on mesure A et φ (ou calculs théoriques)

	f 100Hz	200Hz	500Hz	
A	1	0,9	0,8		
φ	0°	5°	12°		

- On calcule le gain en décibel: $G_{V(dB)} = 20 \log \left(\frac{U_s}{U_e} \right)$

Retenu pour comparer des tensions en déciBel



Définition du Bel

$$G_{p(Bel)} = \log \left(\frac{P_s}{P_e} \right)$$

Définition déciBel

$$G_{p(Bel)} = 10 \cdot \log \left(\frac{P_s}{P_e} \right)$$

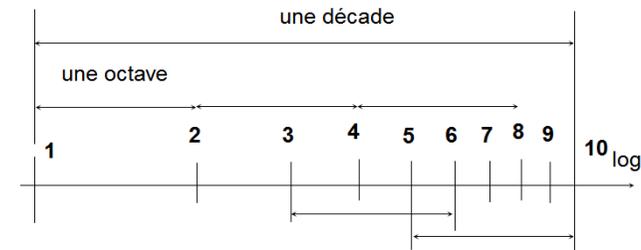
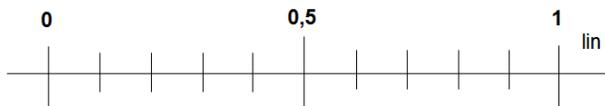


$$G_{p(dB)} = 10 \log \left(\frac{U_s^2/R}{U_e^2/R} \right) = 10 \log \left(\frac{U_s^2}{U_e^2} \right) = 20 \log \left(\frac{U_s}{U_e} \right)$$

- On trace sur une échelle semi-log G_V et φ en fonction de ω (ou f)

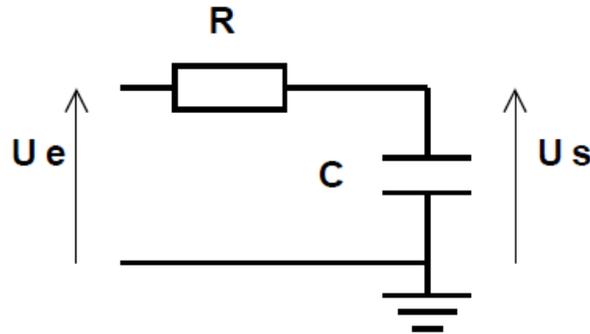


Rappel sur les échelles (voir GE11)



Représentation fréquentielle

Exemple 1



Fonction de transfert

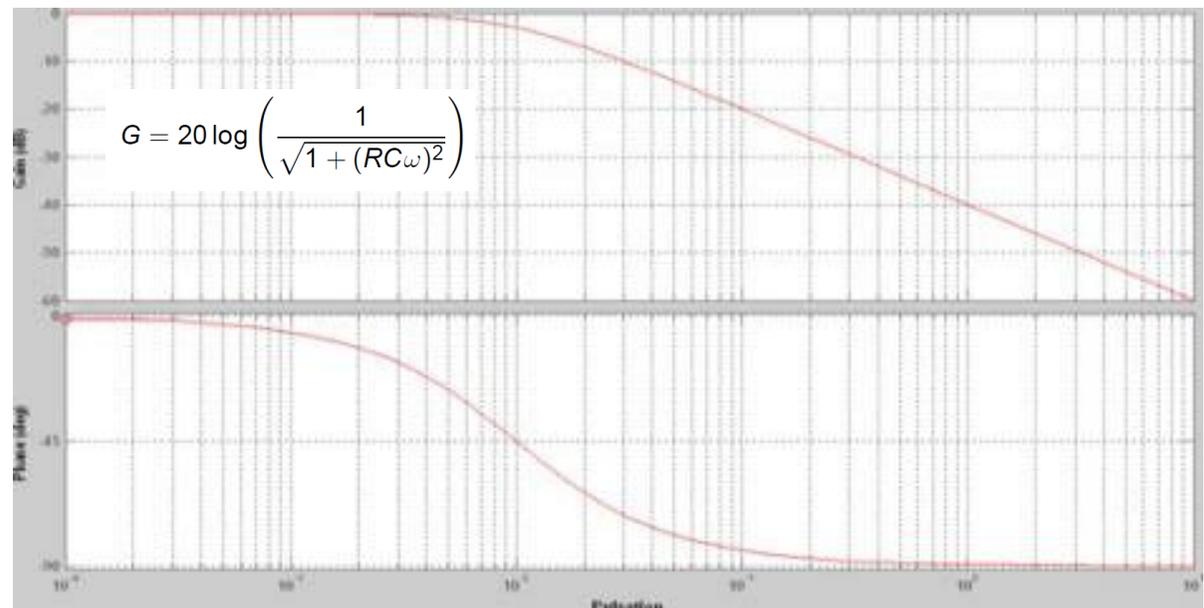
$$\begin{aligned} \underline{H}(j\omega) &= \frac{U_s(j\omega)}{U_e(j\omega)} = \frac{Z_C}{Z_R + Z_C} \\ &= \frac{\frac{1}{jC\omega}}{R + \frac{1}{jC\omega}} = \frac{1}{1 + jRC\omega} \end{aligned}$$



Comportement de type
filtre passe-bas

$$\begin{aligned} A = |\underline{H}(j\omega)| &= \left| \frac{1}{1 + jRC\omega} \right| \\ &= \frac{1}{\sqrt{1 + (RC\omega)^2}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \varphi = \arg \underline{H}(j\omega) &= \arg 1 - \arg (1 + jRC\omega) \\ &= 0 - \tan^{-1} \left(\frac{RC\omega}{1} \right) \\ &= -\tan^{-1}(RC\omega) \end{aligned}$$

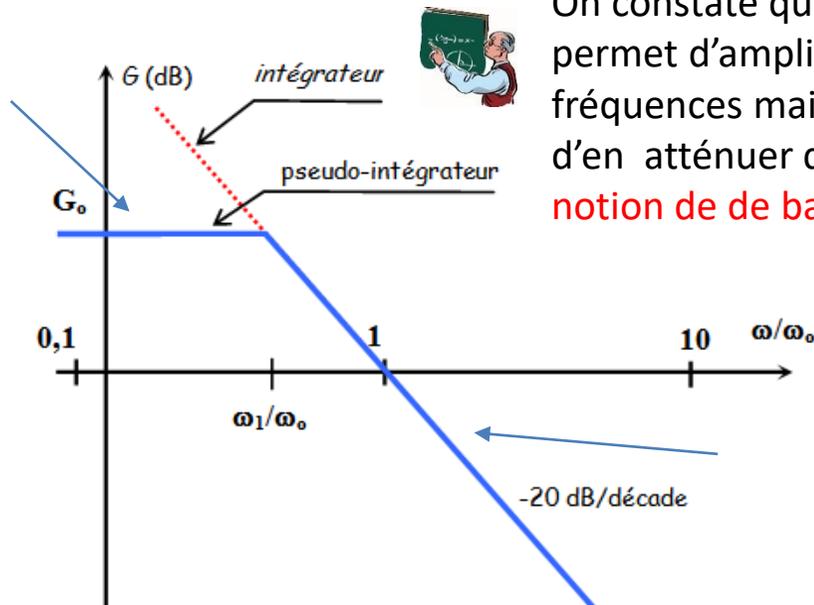


Filtre ordre 1

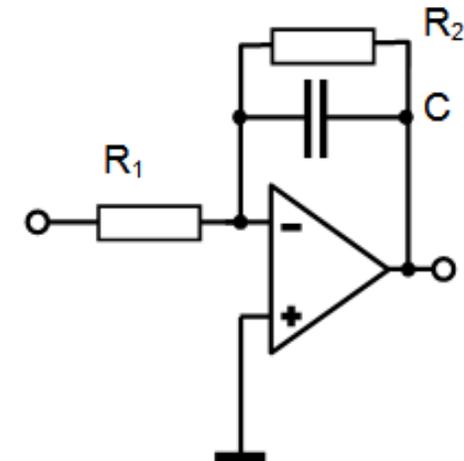
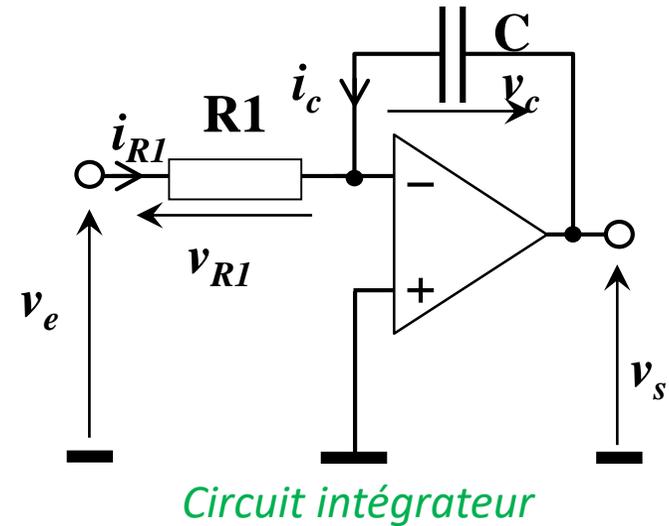
Exemple 2

Approche fréquentielle

- fonction de transfert du 1^{er} ordre de type passe-bas
- Diagramme de Bode



$$\omega_0 = \frac{1}{R_1 C} \quad G_0 = 20 \log\left(\frac{R_2}{R_1}\right) \quad \omega_1 = \frac{1}{R_2 C}$$



Représentation fréquentielle

● Bande de passante

- Défini une plage de fréquence pour laquelle le gain en tension reste « presque » constant
 - Définition du « presque »

$$G_{\max \text{ dB}} \geq G_{\text{dB}}(f) \geq (G_{\max \text{ dB}} - x_{\text{dB}})$$



En général le seuil x est de -3dB

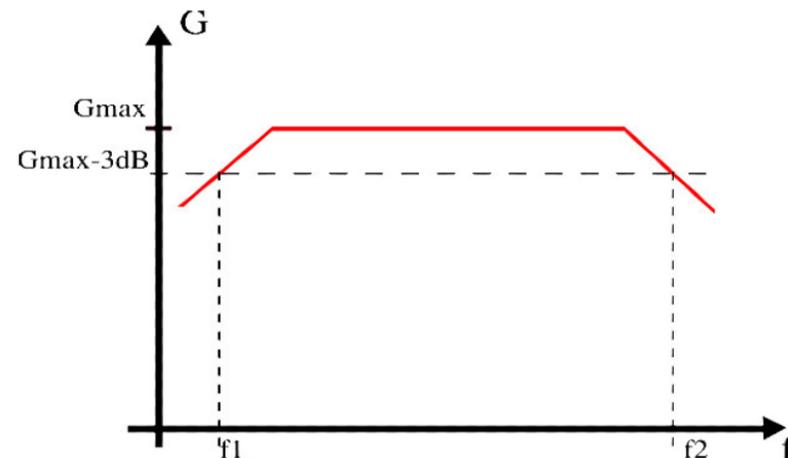


Pourquoi -3dB?

Correspond $P = 0,5 P_{\max}$

En effet $G_{\text{PC}} = G_{\text{Pmax}} - 3 \text{ dB}$

Conséquence: $A(f_c) = \frac{A_{\max}}{\sqrt{2}}$



$$G_{\text{dB}}(f_c) = 20 \log \left(\frac{A_{\max}}{\sqrt{2}} \right) = 20(\log A_{\max} - \log \sqrt{2})$$

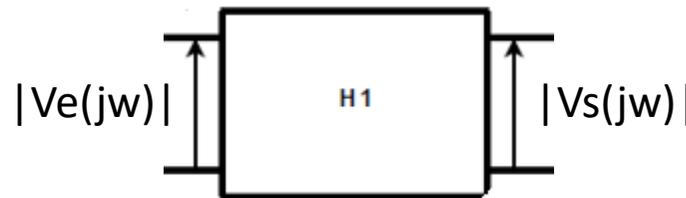
$$= G_{\max \text{ dB}} - 10 \log 2$$

$$G_{\text{dB}}(f_c) = G_{\max \text{ dB}} - 3\text{dB}$$

Analyse harmonique

● Intérêt des fonctions de transferts harmoniques

- Elles permettent de trouver facilement la réponse fréquentielle d'un système pour une entrée donnée



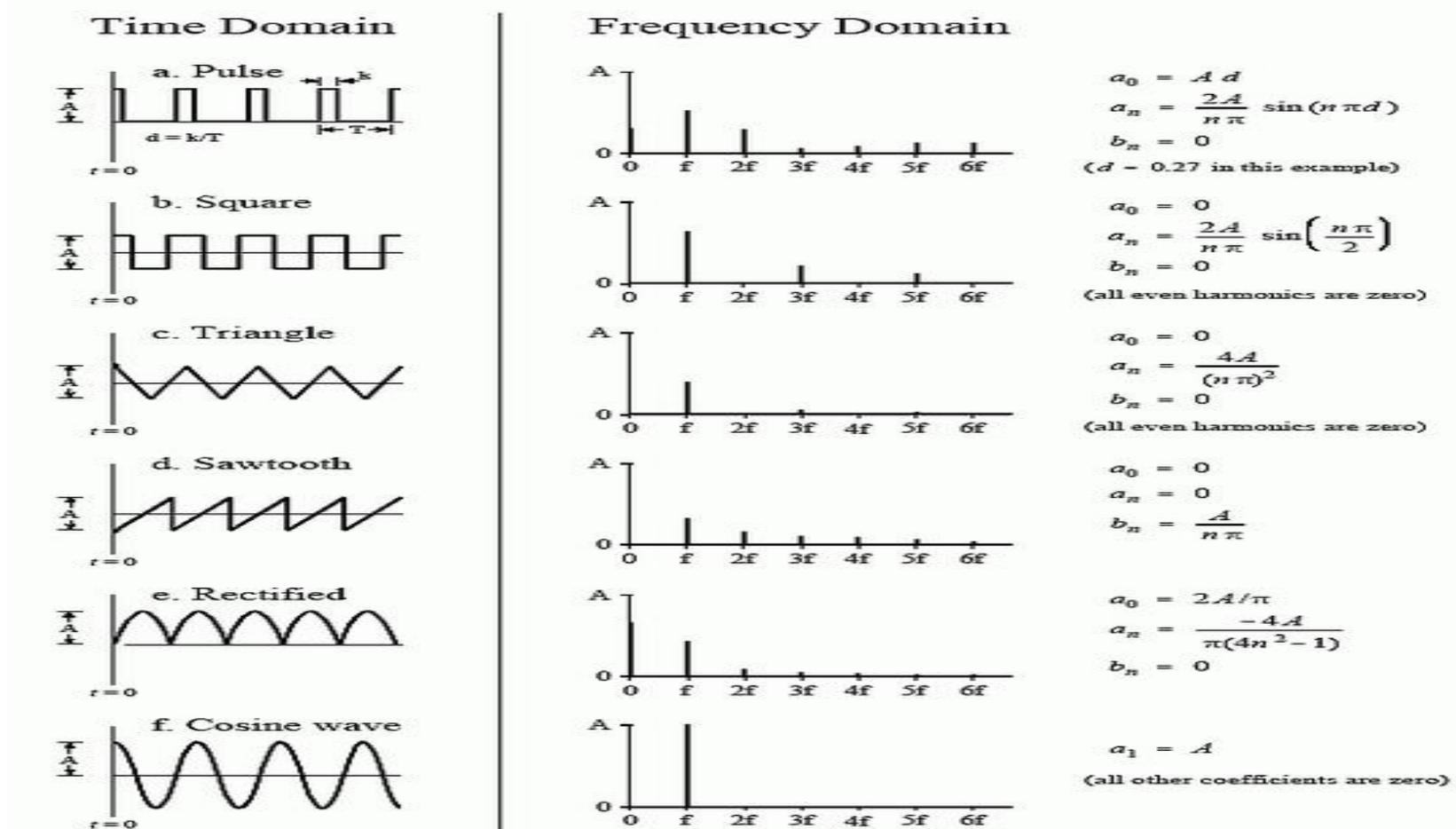
$$Vs(j\omega) = H(j\omega) \times Ve(j\omega)$$

Produit des modules

- Comment trouver $|H(j\omega)|$
 - Pour des cas simples déjà étudiés en utilisant la notion d'impédance (outils complexes)
 - Obtention de diagramme de Bode
 - Dans un contexte général en utilisant des outils de transformations mathématiques
 - Transformée de Laplace
 - Transformée de Fourier
- Comment trouver $|Ve(j\omega)|$
 - En utilisant un outil permettant de passer d'une représentation temporelle à une représentation fréquentielle
 - Série de Fourier pour les fonctions période en temps
 - Transformée de Fourier pour les fonctions non périodique

Analyse harmonique

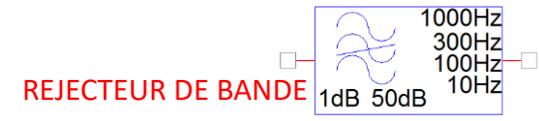
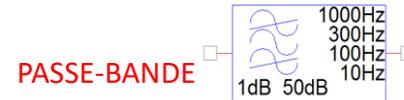
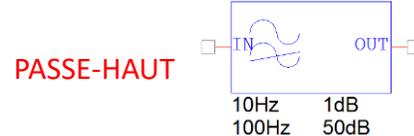
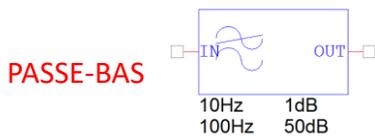
Représentation fréquentielle de fonctions usuelles



Fonction Filtrer

● Filtrer

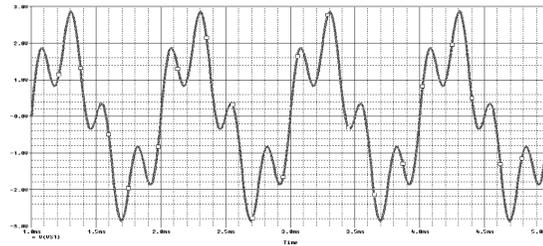
- Objectif: supprimer ou conserver que certaines fréquences du signal d'entrée
- On distingue 4 grandes familles de filtrage



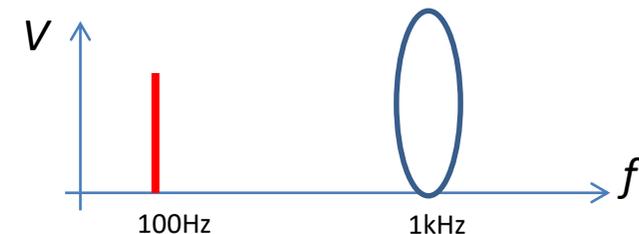
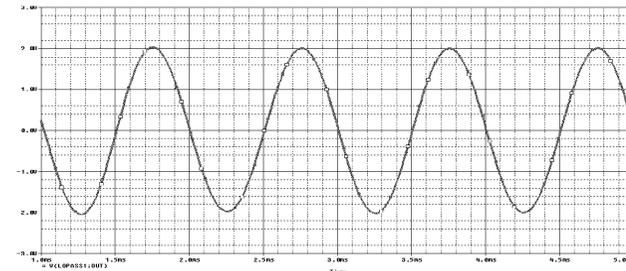
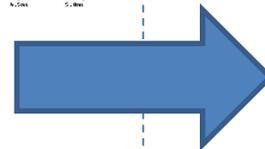
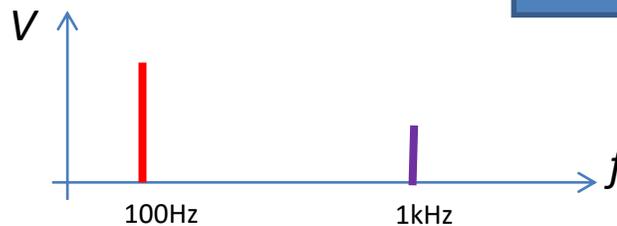
● Exemple de filtrage passe bas

Représentation temporelle

Mélange de 2
sinus: 100 Hz et 1kHz



Représentation fréquentielle



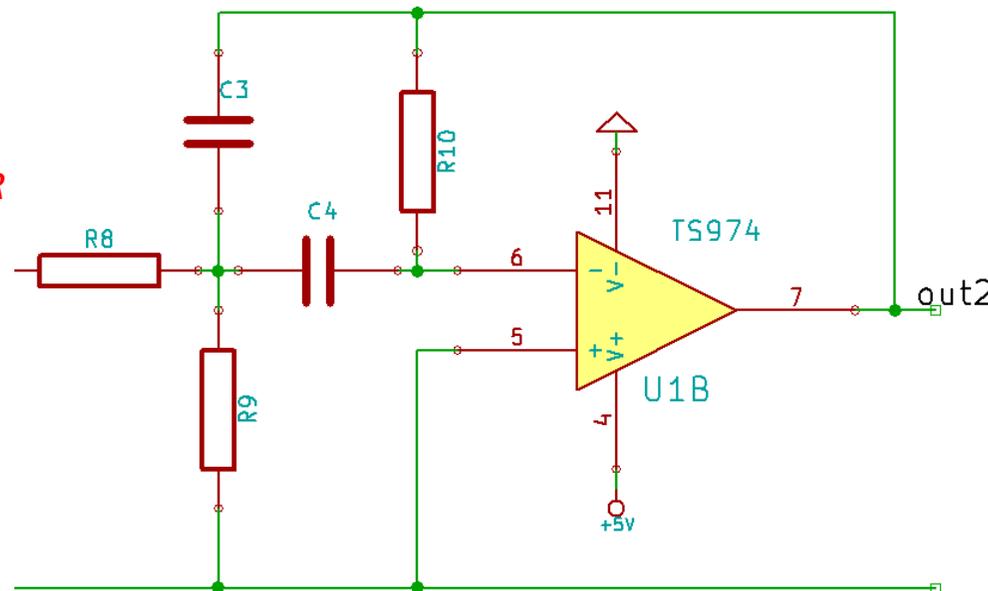
Fonction Filtrer

● Pour notre application

- Nous souhaitons conserver les signaux émis autour de 40Khz
- Supprimer les autres gammes de fréquences
 - Voix , bruits ambiants
- Un passe bande convient donc (cependant compte tenu du comportement naturellement passe bande du récepteur US un passe bas ferait tout aussi bien l'affaire!)
- Cependant nous souhaitons pouvoir réutiliser le récepteur avec un émetteur infrarouge

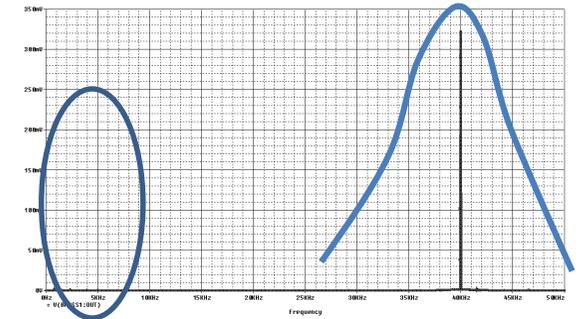
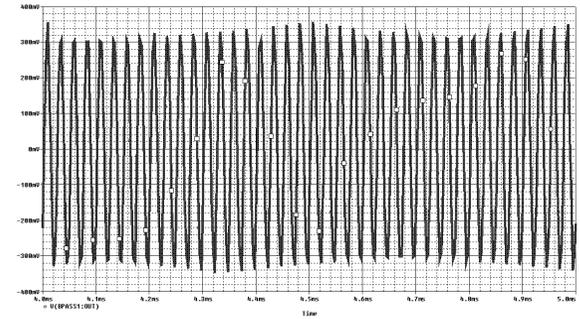
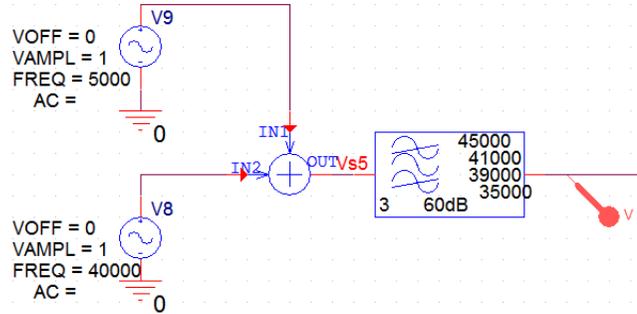
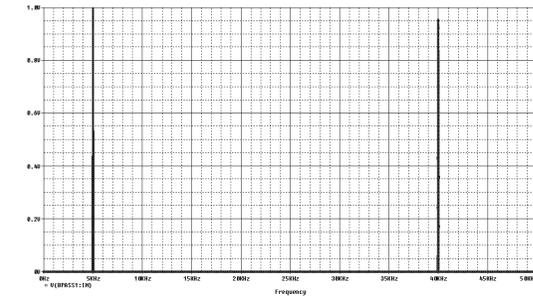
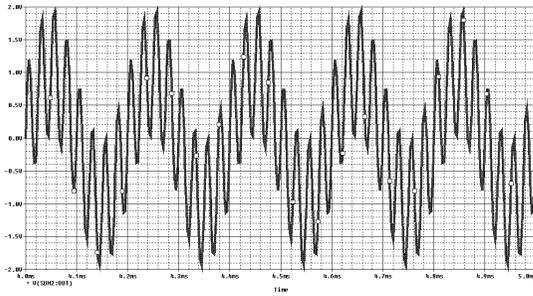
Solution retenue pour notre E&R

*Structure de Rauch
(Multiple Feedback Biquad)*



Principe du filtrage

● Simulation filtre passe-bande



Passé Bande d'ordre 2

● Modèle

■ Fonctions de transfert

$$\underline{T}(j\omega) = A \cdot \frac{j2m \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2jm \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0}\right)^2}$$

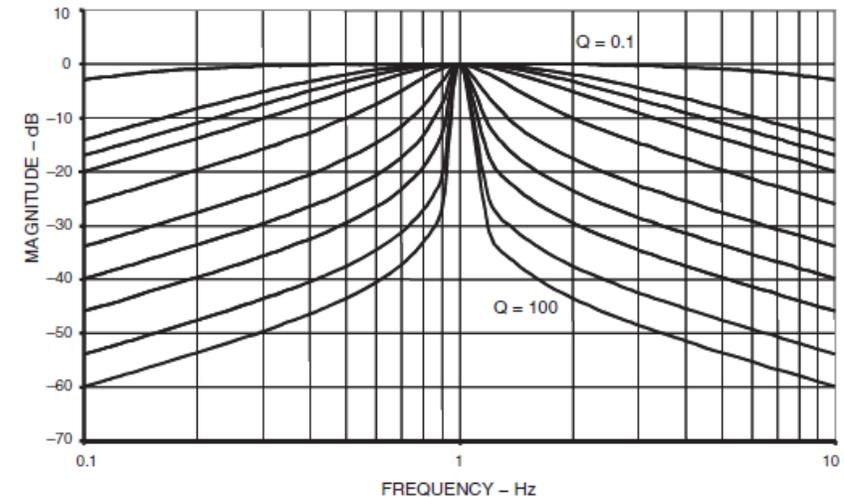
○ Fréquence centrale : F_0

○ Coefficient de sélectivité: Q $Q = \frac{1}{2m} = \frac{F_0}{F_H - F_L}$
 – Il définit la bande passante

○ Bande passante
 – Déduite des fréquences de coupures à -3dB
 » F_H et F_L

$$F_0 = \sqrt{F_H F_L}$$

Diagramme de Bode paramétré en Q

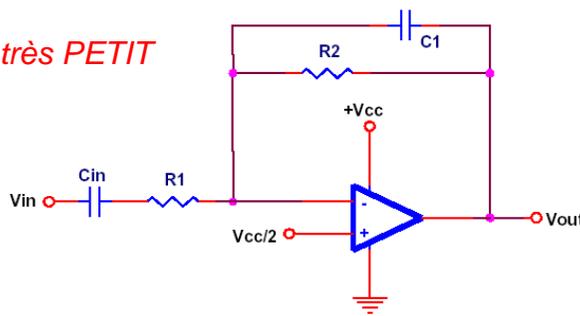


Passé Bande d'ordre 2

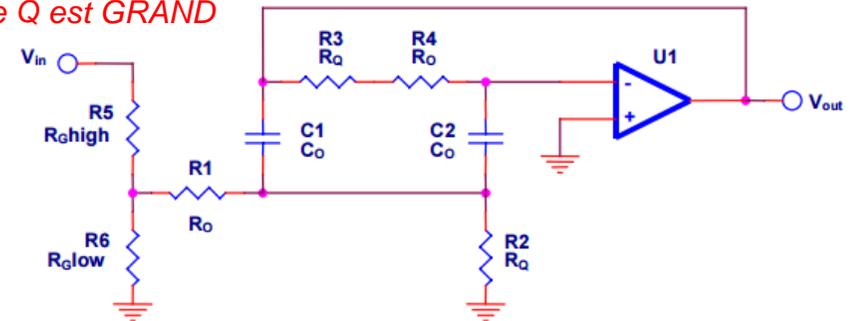
Réalisation

- Plusieurs solutions existent: 'pros and cons' pour chaque solution

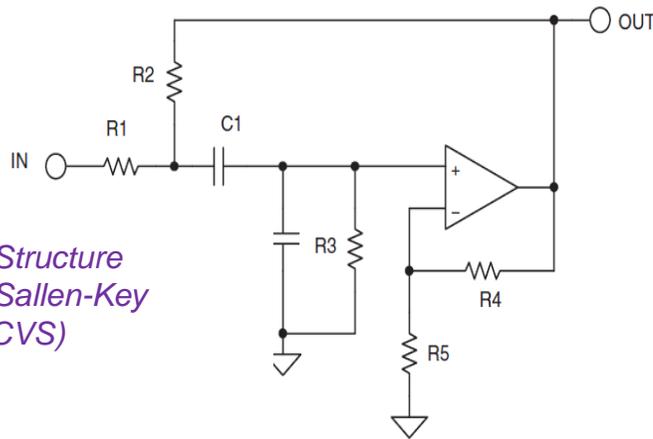
1 -Combinaison d'un passe-haut et d'un passe bas
Utilisé lorsque Q est très PETIT



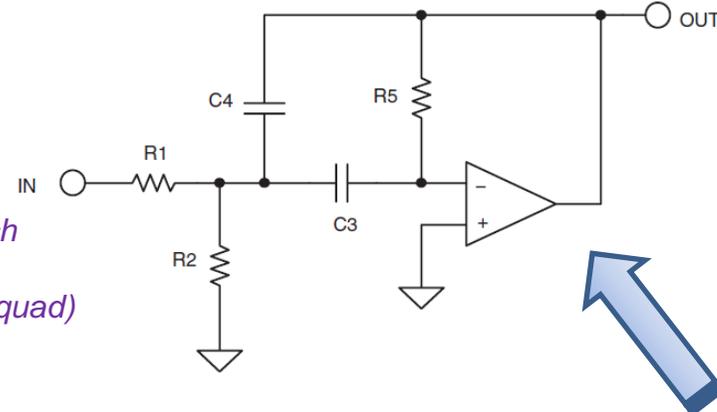
2 –Structure de Deliyannis modifiée
Utilisé lorsque Q est GRAND



3 –Structure de Sallen-Key (VCVS)



4 –Structure de Rauch (MFB Multiple Feedback Biquad)



Passé-Bande MFB

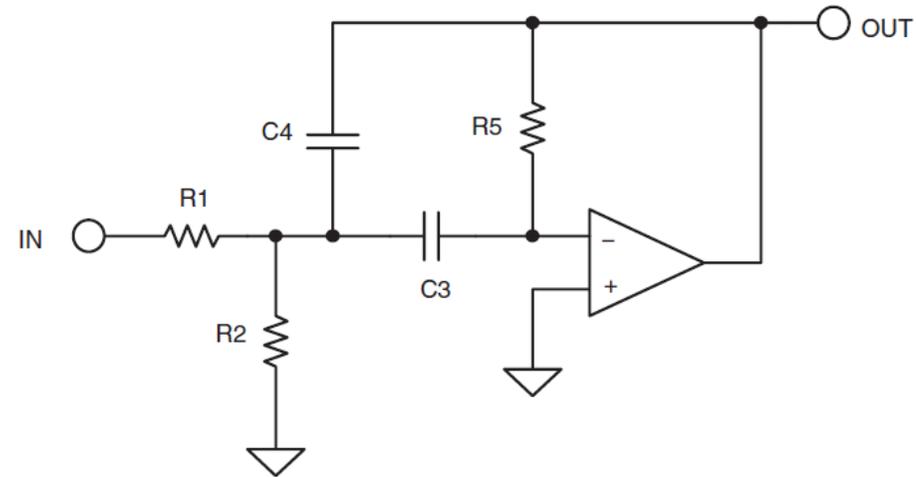
Structure

RETENU POUR NOTRE E&R

Pro/cons

- + bande passante
- +ratio valeur min/max
- Interaction Fo et Q
- Gain dépendant de Q

Couramment utilisé pour Q
petit et moyen (<20)



Fonction de transfert

$$\frac{V_o}{V_{IN}} = \frac{-s \frac{1}{R1 C4}}{s^2 + s \frac{(C3 + C4)}{C3 C4 R5} + \frac{1}{R5 C3 C4} \left(\frac{1}{R1} + \frac{1}{R2} \right)}$$

$s = j\omega$ opérateur de Laplace (en France $p = j\omega$)



$$T(j\omega) = A \cdot \frac{j2m \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2jm \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0} \right)^2}$$

Identification terme à terme avec la
forme canonique

Passé-Bande MFB

● Algorithme de calcul (si pas de PC disponible)

- Permet d'obtenir rapidement des valeurs
- Les cahiers des charges définissent en général
 - La fréquence centrale: F_0
 - Le gain à F_0
 - La bande passante (autrement dit Q)

3 données et 5 inconnues!!!!

- ✓ Il faut réduire le nombre de degré de liberté en se fixant des valeurs
- ✓ On peut rajouter une donnée en imposant Z_e

Choisir: $C3$

Puis $k = 2 \pi F_0 C3$

$$C4 = C3$$

$$H = -\frac{A}{Q}$$

A est négatif car le filtre repose sur une base inverseuse



$$R1 = \frac{1}{H k}$$

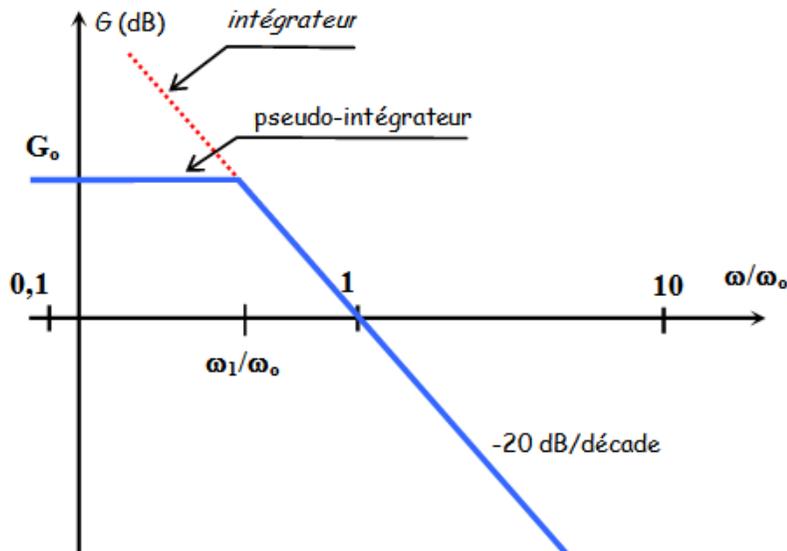
$$R2 = \frac{1}{(2Q - H)k}$$

$$R5 = \frac{2Q}{k}$$

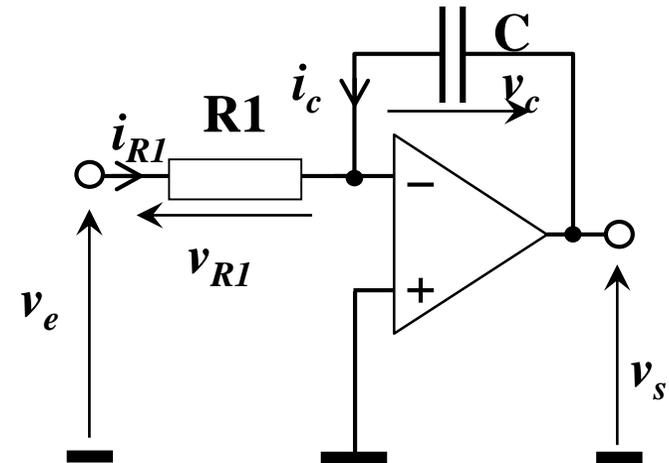
Filtre ordre 1

● Filtre passe-bas

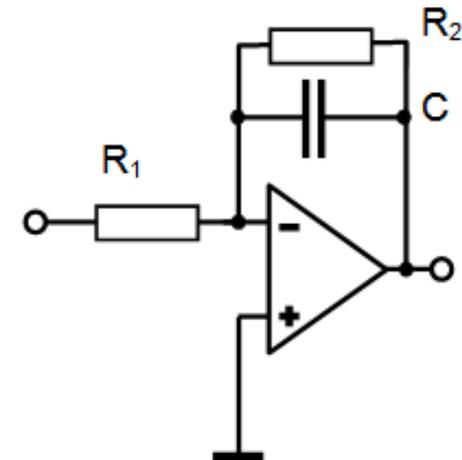
- Approche fréquentielle
 - fonction de transfert du 1^{er} ordre de type passe-bas
 - Diagramme de Bode



$$\omega_0 = \frac{1}{R_1 C} \quad G_0 = 20 \log\left(\frac{R_2}{R_1}\right) \quad \omega_1 = \frac{1}{R_2 C}$$



Circuit intégrateur



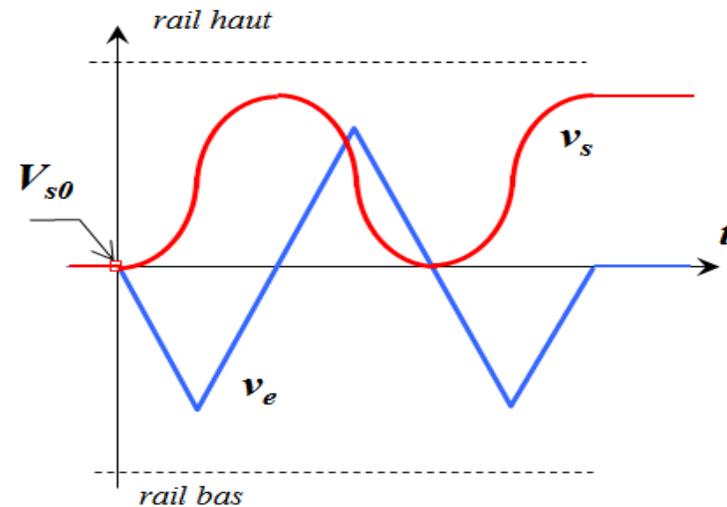
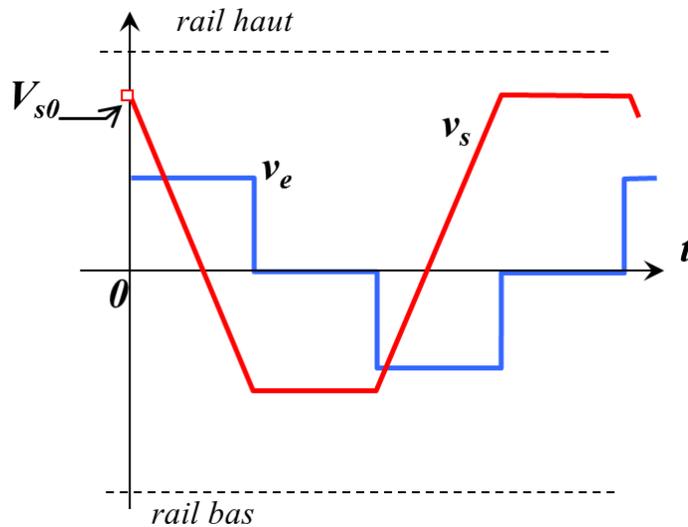
Variante: Circuit pseudo-intégrateur

Filtre ordre 1

● Filtre passe-bas

- Approche temporelle
 - Mise en évidence de la forme intégrale
 - Circuit utilisé en régulation (2^{ème} année cours d'automatique)

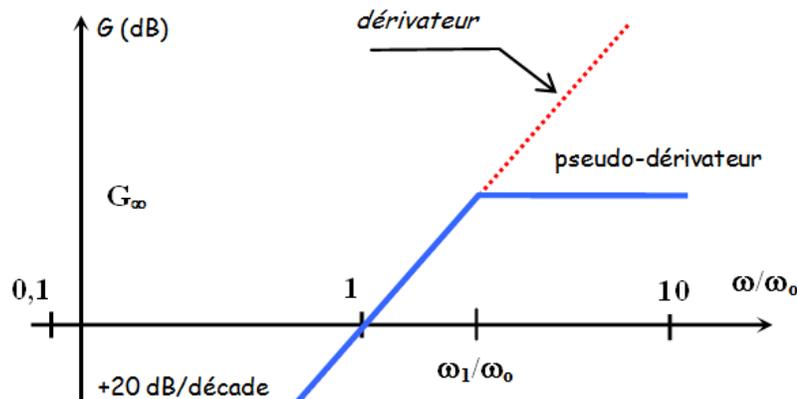
intégrateur pur
$$v_{s(t)} = V_{s0} - \frac{1}{R_1 C} \int_0^t v_{e(\tau)} d\tau = V_{s0} - \frac{1}{Ti} \int_0^t v_{e(\tau)} d\tau$$



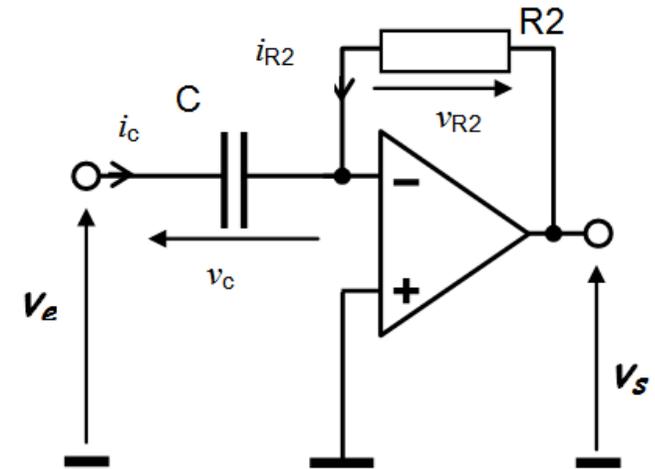
Filtre ordre 1

● Filtre passe-haut

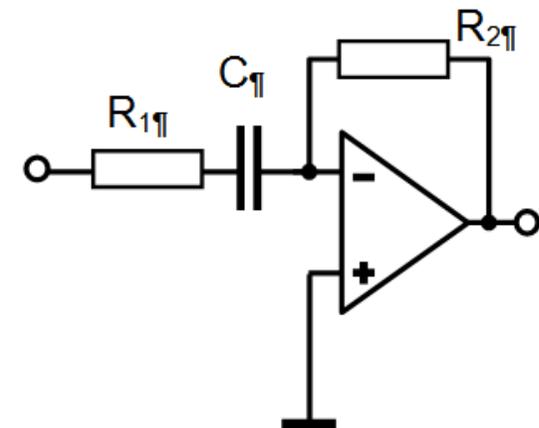
- Approche fréquentielle
 - fonction de transfert du 1^{er} ordre de type passe-bas
 - Diagramme de Bode



$$\omega_0 = \frac{1}{R_2 C} \quad G_\infty = 20 \log\left(\frac{R_2}{R_1}\right) \quad \omega_1 = \frac{1}{R_1 C}$$



Circuit dérivateur



Circuit pseudo-dérivateur

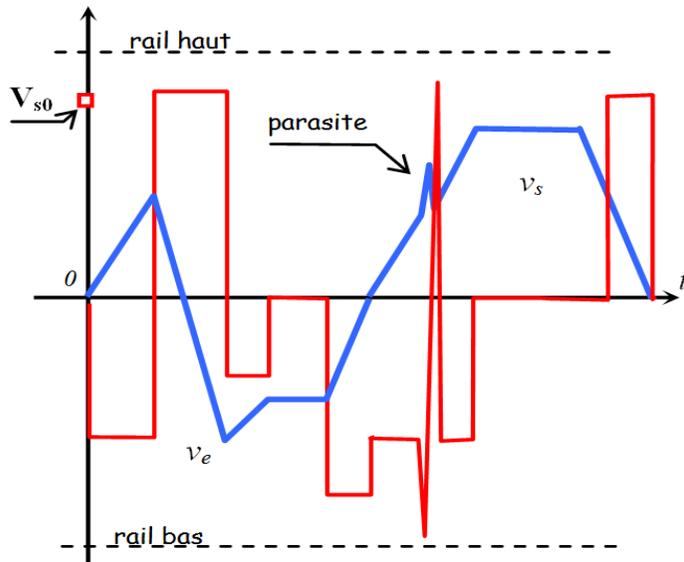
Filtre ordre 1

● Filtre passe-haut

- Approche temporelle
 - Mise en évidence de la forme dérivée
 - Circuit utilisé en régulation (2^{ème} année cours d'automatique)

dérivateur pur

$$V_S(t) = -R_2C \frac{d(V_e)}{dt} = T_d \cdot \frac{d(V_e)}{dt}$$



Le montage dérivateur est très sensible aux parasites (dv/dt grand). Aussi, est-il fréquent de n'utiliser qu'un pseudo-dérivateur qui n'a l'effet de dérivation que pour les basses fréquences.

Les outils logiciels

- Synthèse des filtres en pratiques
 - calculs théoriques ou algorithme peu utilisé (sauf si PC non dispo)
 - Utilisation de logiciels (gratuits ou payant) pour la synthèse
 - WEBENCH[®] Filter Designer (texas instrument – en ligne et gratuit)
 - FilterLab[®] Filter Design Software (microchip)
 - Iowa Hills Opamp Filters (dispo aussi sur mon site)
- Validation des résultats
 - Utilisation de LTSpice
 - Gratuit et téléchargement sur:
 - www.analog.com/en/design-center/design-tools-and-calculators/ltspice-simulator.html
 - Des tutos et ressources dispo sur mon dépôt GitHub
 - <https://github.com/juanbravo>